

TRIUNGHIUL

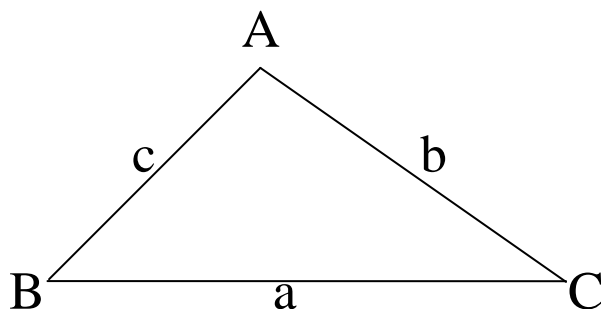
Def.: Figura geometrică formată din reuniunea a trei segmente $[AB] \cup [BC] \cup [CA]$, unde A, B, C sunt puncte necoliniare, se numește *triunghi*.

Notatii: $\triangle ABC$

$[AB]=c$

$[BC]=a$

$[AC]=b$



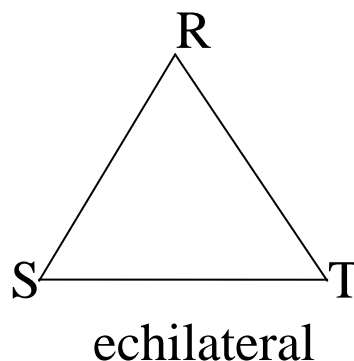
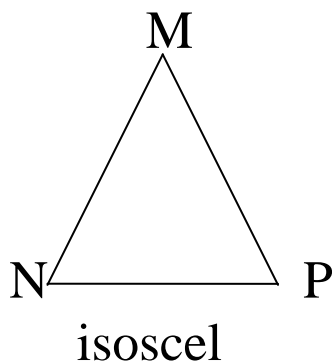
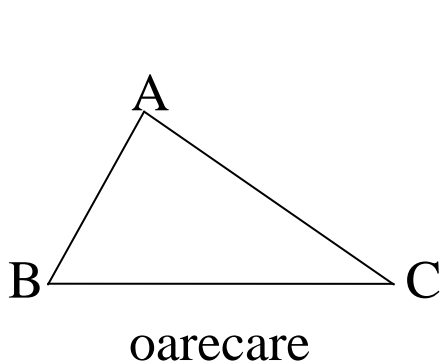
Elemente:

- trei vârfuri: (A, B și C);
- trei laturi: ($[AB]$, $[BC]$ și $[AC]$);
- trei unghiuri: ($\hat{A}BC$, $\hat{B}AC$ și $\hat{B}CA$);

Clasificarea triunghiurilor

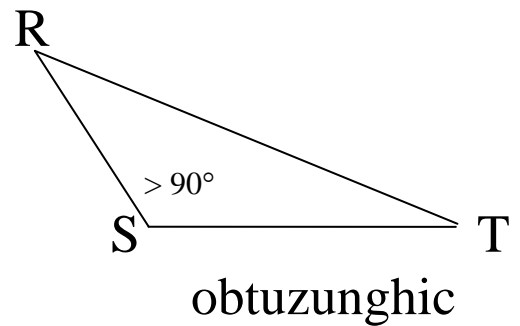
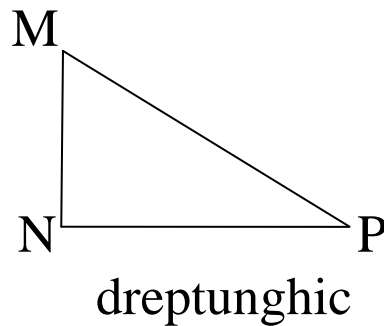
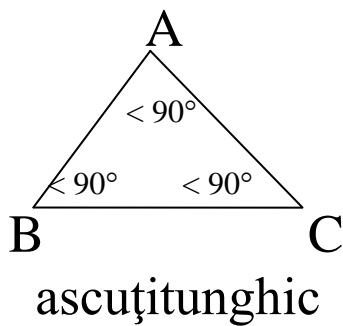
a) după lungimea laturilor:

- triunghi oarecare (oricare două laturi nu sunt congruente)
- triunghi isoscel (are două laturi congruente)
- triunghi echilateral (are toate laturile congruente)



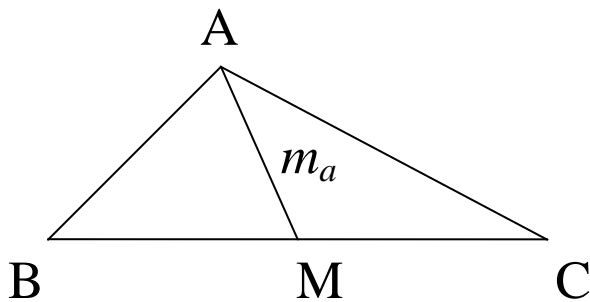
b) după măsura unghiurilor:

- ascuțitunghic (are toate unghiurile ascuțite)
- dreptunghic (are un unghi drept)
- obtuzunghic (are un unghi obtuz)



Linii importante în triunghi

a) **Mediana** este segmentul care unește vârful unui triunghi cu mijlocul laturii opuse acesteia.



$$[BM] \equiv [MC]$$

Notații:

$[AM] = m_a$, unde $[AM]$ este mediana $\triangle ABC$ dusă din vârful A;

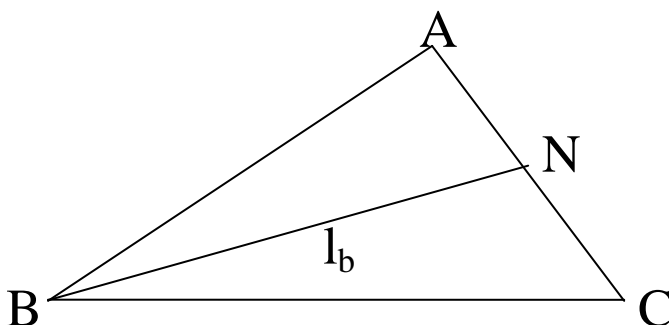
$[BN] = m_b$, unde $[BN]$ este mediana $\triangle ABC$ dusă din vârful B;

$[CP] = m_c$, unde $[CP]$ este mediana $\triangle ABC$ dusă din vârful C ;

OBS! Medianele într-un triunghi sunt concurente (au un punct comun).

$[AM] \cap [BN] \cap [CP] = \{G\}$, **G** se numește **centru de greutate**.

b) **Bisectoarea** unghiului unui triunghi este segmentul cu o extremitate în vârful triunghiului și ea împarte unghiul în două unghiuri adiacente congruente.



$$\hat{A}BN \equiv \hat{NBC}$$

Notatii:

$[AM]=l_a$, unde $[AM]$ este bisectoarea unghiului \hat{A} ;

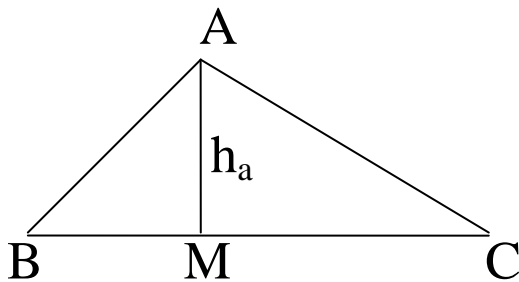
$[BN]=l_b$, unde $[BN]$ este bisectoarea unghiului \hat{B} ;

$[CP]=l_c$, unde $[CP]$ este bisectoarea unghiului \hat{C} ;

OBS! Bisectoarele unui triunghi sunt concurente, punctul de intersecție al lor fiind centrul cercului înscris în triunghi.

$[AM] \cap [BN] \cap [CP] = \{O\}$, **O** este centrul cercului înscris în ΔABC

c) **Înălțimea** unui triunghi este perpendiculara dusă din vârful unui triunghi pe latura opusă.



$[AM]$ -înălțime în ΔABC

Notatii:

$[AM]=h_a$, unde $[AM]$ este înălțimea dusă din vârful A;

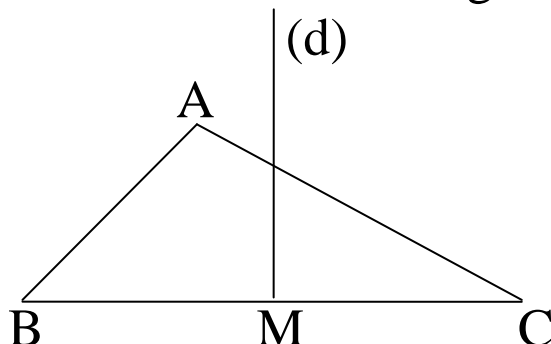
$[BN]=h_b$, unde $[BN]$ este înălțimea dusă din vârful B;

$[CP]=h_c$, unde $[CP]$ este înălțimea dusă din vârful C;

OBS! Înălțimile unui triunghi sunt concurente.

$[AM] \cap [BN] \cap [CP] = \{H\}$, **H** se numește **ortocentru**.

d) **Mediatoarea** unui triunghi este dreapta perpendiculară pe mijlocul laturii unui triunghi.

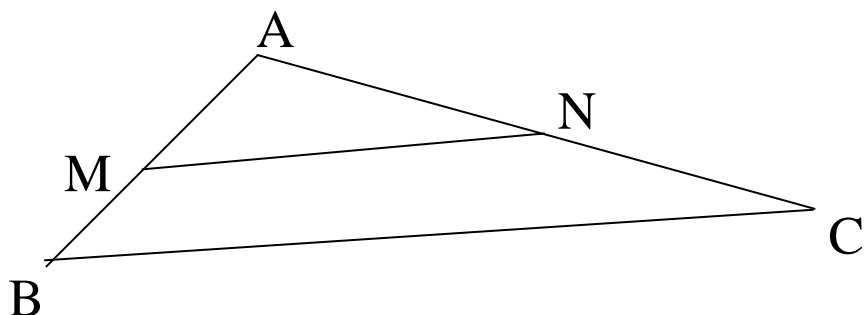


(d) -mediatoarea laturii $[BC]$

$[BM] \equiv [MC]$ și $(d) \perp [BC]$

OBS! Mediatoarele laturilor unui triunghi sunt concurente, punctul de intersecție al lor fiind centrul cercului circum-scris triunghiului.

e) **Linia mijlocie** într-un triunghi este segmentul care unește mijlocul a două laturi ale triunghiului.



M -mijlocul lui [AB]

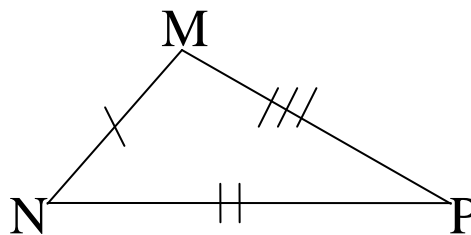
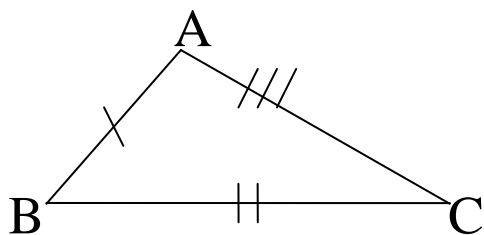
N -mijlocul lui [AC]

TEOREMĂ! Într-un triunghi linia mijlocie este paralelă cu cea de a treia latură și are lungimea egală cu jumătate din lungimea acesteia, adică:

$$MN \parallel BC \text{ și } MN = \frac{BC}{2}.$$

Triunghiuri congruente

Def.: Două triunghiuri se numesc *congruente* dacă au laturile și unghiurile omoloage, respectiv congruente.



Notatie: $\triangle ABC \cong \triangle MNP$

(citim triunghiul ABC este congruent cu triunghiul MNP)

OBS!

$$\Delta ABC \equiv \Delta MNP \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} [AB] \equiv [MN] \\ [AC] \equiv [MP] \\ [BC] \equiv [NP] \\ \hat{A} \equiv \hat{M} \\ \hat{B} \equiv \hat{N} \\ \hat{C} \equiv \hat{P} \end{array} \right.$$

Cazurile de congruență ale triunghiurilor oarecare:

Cazul I (L.U.L.) Două triunghiuri sunt congruente dacă au câte două laturi congruente și unghiul cuprins între ele, respectiv congruente.

$$\begin{array}{l} \text{Ip.: } [AB] \equiv [MN] \\ [BC] \equiv [NP] \\ \hat{B} \equiv \hat{N} \end{array}$$

$$\text{C: } \Delta ABC \equiv \Delta MNP$$

Cazul II (U.L.U.) Două triunghiuri sunt congruente dacă au o latură și unghiurile alăturate ei respectiv congruente.

$$\begin{array}{l} \text{Ip.: } [BC] \equiv [NP] \\ \hat{B} \equiv \hat{N} \\ \hat{C} \equiv \hat{P} \end{array}$$

$$\text{C: } \Delta ABC \equiv \Delta MNP$$

Cazul III (L.L.L.) Două triunghiuri care au laturile respectiv congruente sunt congruente.

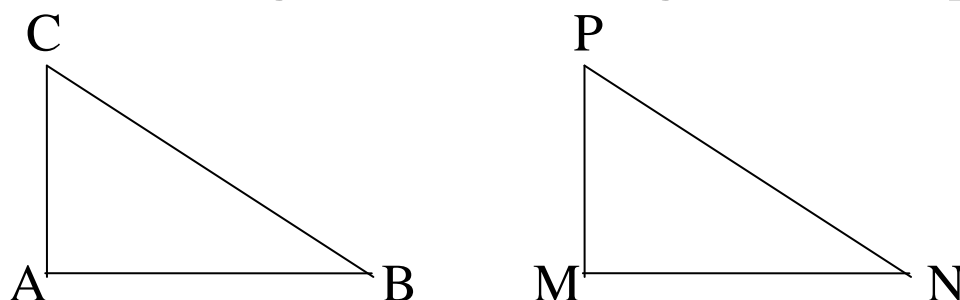
Ip.: $[AB] \equiv [MN]$

$[BC] \equiv [NP]$

$[AC] \equiv [MP]$

C: $\triangle ABC \equiv \triangle MNP$

Cazurile de congruență ale triunghiurilor dreptunghice:



Cazul 1 (C.C.) Două triunghiuri dreptunghice care au catetetele respectiv congruente sunt congruente.

Ip: $[AC] \equiv [MP]$

$[AB] \equiv [MN]$

C: $\triangle ABC \equiv \triangle MNP$

Cazul 2 (C.U.) Două triunghiuri dreptunghice care au câte o catetă și unghiul ascuțit alăturat acesteia respectiv congruente sunt congruente.

Ip: $[AC] \equiv [MP]$

$\hat{C} \equiv \hat{P}$

C: $\triangle ABC \equiv \triangle MNP$

Cazul 3 (U.I.) Două triunghiuri dreptunghice care au ipotenuzele și unul din unghiurile ascuțite, respectiv congruente sunt condruente.

$$\text{Ip: } [BC] \equiv [PN]$$

$$\hat{C} \equiv \hat{P}$$

$$\text{C: } \triangle ABC \equiv \triangle MNP$$

Cazul 4 (I. C.) Două triunghiuri dreptunghice care au ipotenuzele și câte o catetă, respectiv congruente sunt congruente.

$$\text{Ip: } [BC] \equiv [NP]$$

$$[AB] \equiv [MN]$$

$$\text{C: } \triangle ABC \equiv \triangle MNP$$

TEOREMĂ! Într-un triunghi suma măsurilor unghiurilor este de 180° .

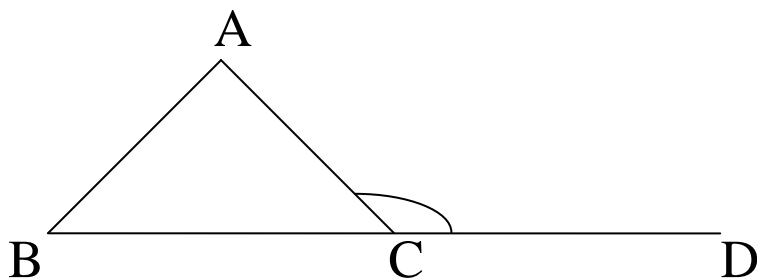
$$\text{Ip.: } \triangle ABC$$

$$\text{C: } m(\hat{A}) + m(\hat{B}) + m(\hat{C}) = 180^\circ$$

CONSECINȚE:

1. Într-un triunghi echilateral măsura fiecărui unghi este de 60° .
2. Într-un triunghi dreptunghic ($m(\hat{A})=90^\circ$), unghiurile \hat{B} și \hat{C} sunt complementare și ambele ascuțite.
3. Într-un triunghi dreptunghic isoscel ($m(\hat{A})=90^\circ$), unghiurile \hat{B} și \hat{C} au fiecare câte 45° .

Def.: Unghiul care este adiacent și suplementar cu un unghi interior al unui triunghi se numește *unghi exterior* aceluiași triunghi.



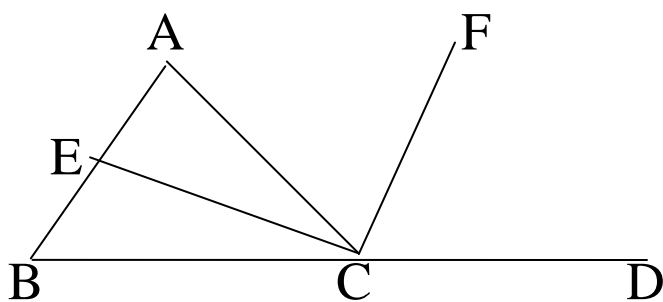
EXEMPLU: $\hat{A}CD$ este unghi exterior $\triangle ABC$

Proprietăți:

1. $m(\hat{A}CD) + m(\hat{A}CB) = 180^\circ$
2. $m(\hat{A}CD) = m(\hat{C}AB) + m(\hat{A}BC)$

Def.: Bisectoarea unui unghi exterior al unui triunghi se numește *bisectoarea exterioară* a triunghiului corespunzătoare unghiului respectiv.

Proprietate: Bisectoarea interioară și bisectoarea exterioară a două unghiuri ale triunghiului ce au același vârf (unul interior și celălalt exterior) sunt perpendiculare.



[CE bisectoare interioară $\hat{A}CB$

[CF bisectoare exterioară $\hat{A}CD$

[CE \perp [CF

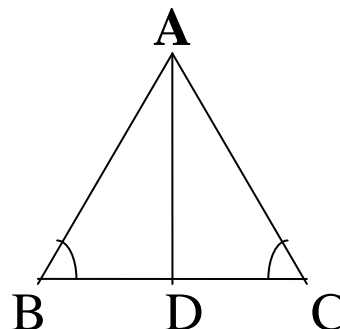
Proprietățile triunghiului isoscel

Def.: Triunghiul care are două laturi congruente se numește *isoscel*

Proprietatea 1: Într-un triunghi isoscel unghiurile opuse laturilor congruente sunt congruente.

Ip: $\triangle ABC$ ($[AB] \equiv [AC]$)

C: $\hat{B} \equiv \hat{C}$



Proprietatea 2: Într-un triunghi isoscel bisectoarea unghiului de la vârf este înălțime, mediană și mediatoare a triunghiului

Ip: $\triangle ABC$ ($[AB] \equiv [AC]$)

AD - bisectoare ($D \in [BC]$)

C: $[BD] \equiv [DC]$ (adică AD - mediană)

$AD \perp BC$ (adică AD - înălțime)

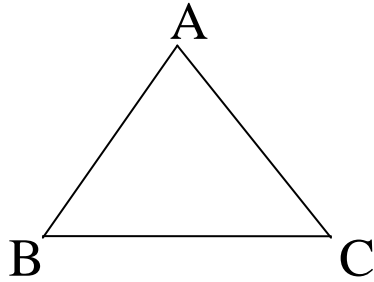
AD - mediatoare

OBS! Pentru a arăta că un triunghi este isoscel este suficient să demonstrăm una din proprietățile de mai jos:

- are două laturi congruente;
- are două unghiuri congruente;
- înălțimea corespunzătoare bazei este și bisectoarea unghiului de la vârf;
- mediana corespunzătoare bazei este și bisectoarea unghiului de la vârf;
- mediatoarea corespunzătoare bazei este și bisectoarea unghiului de la vârf;
- două linii importante sunt identice;

Proprietățile triunghiului echilateral

Def.: Triunghiul care are cele trei laturi congruente se numește *echilateral*.



OBS!

- a) $[AB] \equiv [AC] \equiv [BC]$
- b) Unghiurile unui triunghi echilateral sunt congruente și au măsura de 60° ($\hat{A} \equiv \hat{B} \equiv \hat{C}, \hat{A} = 60^\circ$);
- c) Triunghiul echilateral este de trei ori isocel, deci toate proprietățile triunghiului isocel pot fi enunțate referitor la oricare din vârfurile triunghiului echilateral;
- d) Liniile importante duse din același vârf sunt identice, deci au numai trei linii importante.

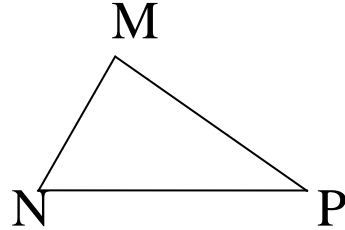
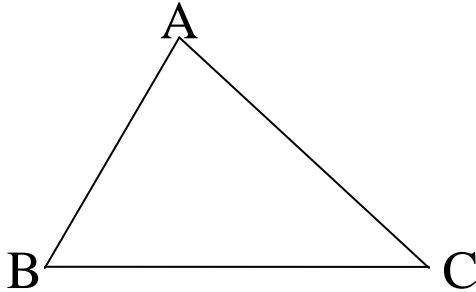
OBS! Pentru a arăta că un triunghi este echilateral este suficient să demonstrăm una din proprietățile de mai jos:

- a) are două unghiuri de 60° ;
- b) are două laturi congruente și un unghi de 60° ;

Triunghiuri asemenea

Def.: Două triunghiuri se numesc asemenea dacă au toate laturile proporționale și unghiurile opuse lor, respectiv congruente.

Notatie: $\Delta ABC \sim \Delta MNP$ (citim ΔABC asemenea cu ΔMNP)



OBS! $\Delta ABC \sim \Delta MNP \Leftrightarrow$
$$\left\{ \begin{array}{l} \hat{A} \equiv \hat{M} \\ \hat{B} \equiv \hat{N} \\ \hat{C} \equiv \hat{P} \\ \frac{AB}{MN} = \frac{AC}{MP} = \frac{BC}{NP} \end{array} \right.$$

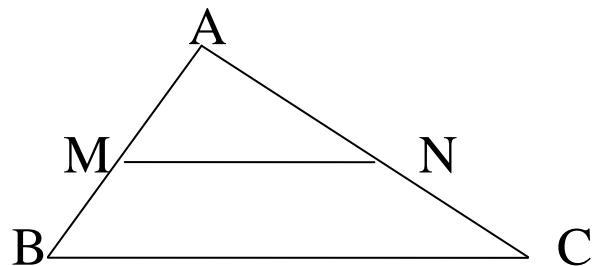
Teoreme importante

Teorema lui Thales

Dacă ducem o paralelă la una din laturile unui triunghi, ea determină pe celelalte două laturi segmente proporționale.

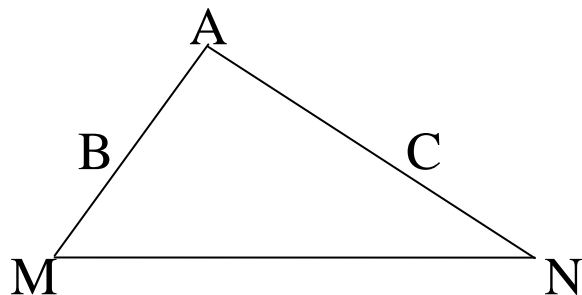
Ip: ΔABC
 $MN \parallel BC$

Caz I

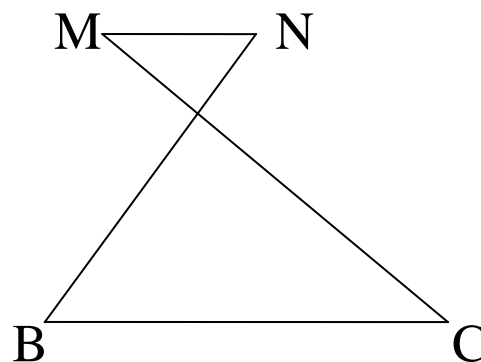


C: $\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC}$

Caz II



Caz III



Teoremă reciprocă:

Dacă o dreaptă determină pe două laturi ale unui triunghi segmente respectiv proporționale cu aceste laturi, atunci această dreaptă este paralelă cu cea de-a treia latură a triunghiului.

Ip: $\triangle ABC$

$$\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC}$$

C: $MN \parallel BC$

Teorema fundamentală a asemănării (T.F.A.)

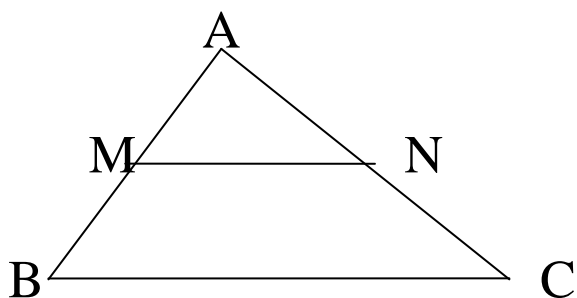
O paralelă dusă la una dintre laturile unui triunghi, formează cu celelalte două laturi, sau cu prelungirile lor, un triunghi asemenea cu cel dat.

Ip: $\triangle ABC$

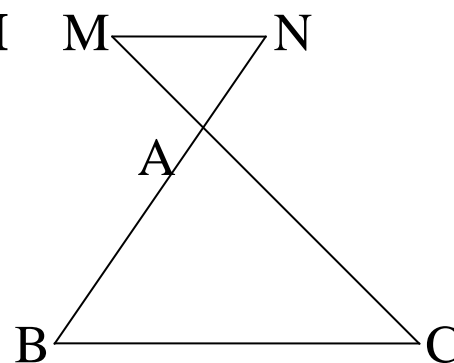
$MN \parallel BC$

C: $\triangle ABC \sim \triangle AMN$

Caz I

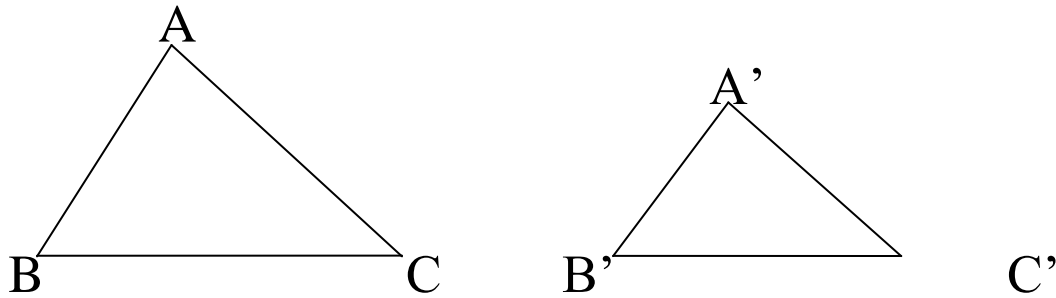


Caz II



Cazurile de asemănare a triunghiurilor

Cazul I (U.U.) Dacă două triunghiuri au două unghiuri respectiv congruente, atunci ele sunt asemenea.



$$\text{Ip.: } \hat{A} \equiv \hat{A}' \\ \hat{B} \equiv \hat{B}'$$

$$\text{C: } \triangle ABC \sim \triangle A'B'C'$$

Cazul II (L.U.L.) Dacă două triunghiuri au câte un unghi congruent și laturile ce-l formează respectiv proporționale, atunci ele sunt asemenea.

$$\text{Ip.: } \hat{A} \equiv \hat{A}' \\ \frac{A'B'}{AB} = \frac{A'C'}{AC}$$

$$\text{C: } \triangle ABC \sim \triangle A'B'C'$$

Cazul III (L.L.L.) Dacă două triunghiuri au cele trei laturi proporționale, atunci ele sunt asemenea.

$$\text{Ip.: } \frac{A'B'}{AB} = \frac{A'C'}{AC} = \frac{B'C'}{BC}$$

$$\text{C: } \triangle ABC \sim \triangle A'B'C'$$

Cazuri particulare de asemănare

- 1. Oricare două triunghiuri echilaterale sunt asemenea.**
- 2. Dacă două triunghiuri isoscele au câte un unghi congruent așezat în același mod față de baza triunghiului , sunt asemenea.**
- 3. Dacă două triunghiuri dreptunghice au câte un unghi ascuțit congruent, atunci ele sunt asemenea.**
- 4. Dacă două triunghiuri dreptunghice au catetele proporționale, atunci ele sunt asemenea.**
- 5. Oricare două triunghiuri dreptunghice isoscele sunt asemenea.**

OBS! Metoda asemănării ne ajută în rezolvarea următoarelor tipuri de probleme:

- a) calculul lungimilor unor laturi ale triunghiului asemenea cunoscând o latură a acestuia și laturile celuilalt;
- b) stabilirea unor relații metrice între laturile triunghiurilor;
- c) stabilirea congruenței între segmente sau unghiuri.

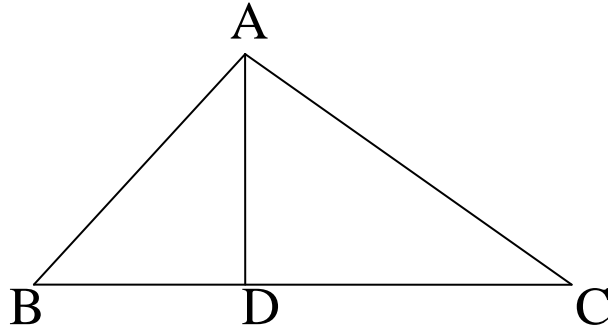
Relații metrice în triunghiul dreptunghic

1. Teorema înălțimii

Într-un triunghi dreptunghic, lungimea înălțimii din vârful unghiului drept este medie proporțională între lungimile proiecțiilor catetelor pe ipotenuză.

$$\text{Ip.: } \triangle ABC \ (m(\hat{A})=90^\circ) \\ AD \perp BC$$

$$\text{C: } AD^2 = BD \cdot DC$$

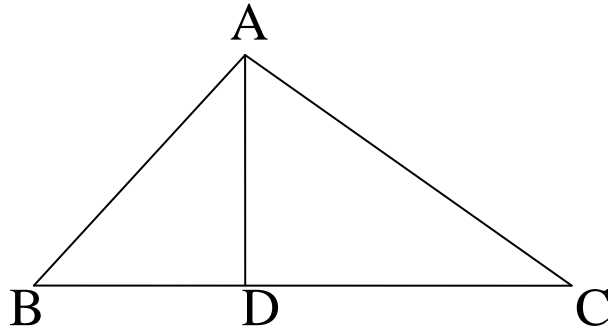


2. Teorema catetei

Într-un triunghi dreptunghic, lungimea unei catete este medie proporțională între lungimea ipotenuzei și lungimea proiecției acestei catete pe ipotenuză.

$$\text{Ip.: } \triangle ABC \ (m(\hat{A})=90^\circ) \\ AD \perp BC$$

$$\text{C: } AB^2 = BC \cdot BD \\ AC^2 = BC \cdot CD$$

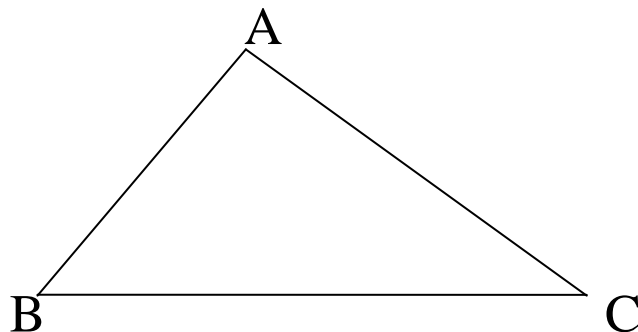


3. Teorema lui Pitagora

Într-un triunghi dreptunghic, suma pătratelor catetelor este egală cu pătratul lungimii ipotenuzei.

$$\text{Ip.: } \triangle ABC \ (m(\hat{A})=90^\circ)$$

$$\text{C: } BC^2 = AB^2 + AC^2$$



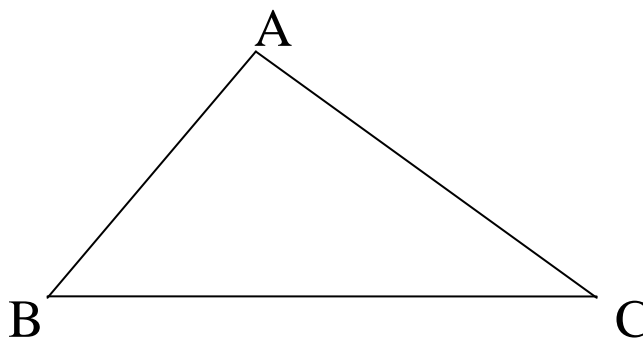
4. Reciproca teoremei lui Pitagora

Dacă într-un triunghi suma pătratelor lungimilor a două laturi este egală cu pătratul lungimii laturii a treia, atunci triunghiul este dreptunghic.

$$\text{Ip.: } BC^2 = AB^2 + AC^2$$

$$BC > AC, BC > AB$$

$$\text{C: } \triangle ABC \text{ (} m(\hat{A}) = 90^\circ \text{)}$$



5. Alte teoreme consecințe ale teoremei lui Pitagora:

a) Într-un triunghi dreptunghic mediana corespunzătoare unghiului drept este jumătate din ipotenuză.

b) Într-un triunghi dreptunghic cateta care se opune unui unghi de 30° este jumătate din ipotenuză.

c) Într-un pătrat diagonala este egală cu produsul dintre lungimea laturii și radical din doi. ($d = a\sqrt{2}$)

d) Într-un triunghi echilateral înălțimea este egală cu produsul dintre lungimea laturii și radical din trei, totul supra doi. ($h = \frac{a\sqrt{3}}{2}$)

6. Rapoarte constante în triunghiul dreptunghic

$$\sin x = \frac{\textit{cateta opusa}}{\textit{ipotenuza}}$$

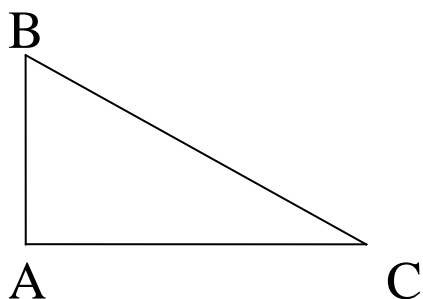
$$\cos x = \frac{\textit{cateta alaturata}}{\textit{ipotenuza}}$$

$$\textit{tg } x = \frac{\textit{cateta opusa}}{\textit{cateta alaturata}}$$

$$\textit{ctg } x = \frac{\textit{cateta alaturata}}{\textit{cateta opusa}}$$

OBS! $\textit{tg } x = \frac{\sin x}{\cos x}$

$$\textit{ctg } x = \frac{\cos x}{\sin x}$$



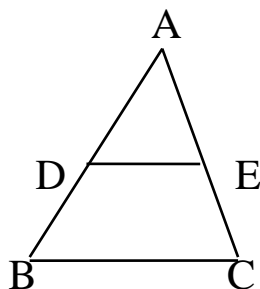
EX.: $\sin B = \frac{AC}{BC}$; $\sin C = \frac{AB}{BC}$;
 $\cos B = \frac{AB}{BC}$; $\cos C = \frac{AC}{BC}$;
 $\operatorname{tg} B = \frac{AC}{AB}$; $\operatorname{tg} C = \frac{AB}{AC}$;
 $\operatorname{ctg} B = \frac{AB}{AC}$; $\operatorname{ctg} C = \frac{AC}{AB}$;

TABEL CU VALORI MAI DES ÎNTÂLNITE PENTRU SINUS ȘI COSINUS

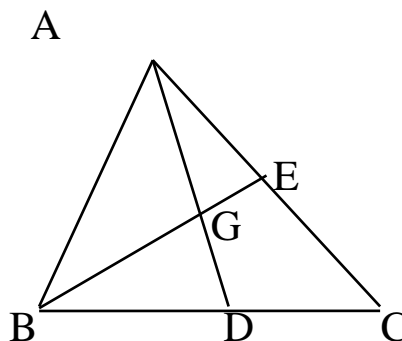
x	0°	30°	45°	60°	90°
$\sin x$	0	$\frac{1}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	1
$\cos x$	1	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{1}{2}$	0
$\operatorname{tg} x$	0	$\frac{\sqrt{3}}{3}$	1	$\sqrt{3}$	-
$\operatorname{ctg} x$	-	$\sqrt{3}$	1	$\frac{\sqrt{3}}{3}$	0

Triunghiul - probleme

1. În triunghiul isoscel ABC avem $m(\hat{B})=110^\circ$. Atunci $m(\hat{A})= \dots\dots\dots$;
2. Unghiul exterior unghiului \hat{BAC} al triunghiului ABC are 130° . Atunci $m(\hat{CAB})= \dots\dots\dots$;
3. În triunghiul ABC știm că $AB=1,5AC$, $BC=2AC$ și $AC=6$ cm. Perimetrul triunghiului ABC este $\dots\dots\dots$ cm;
4. În figura de mai jos $DE \parallel BC$, $m(\hat{ABC})=65^\circ$, $m(\hat{AED})=40^\circ$, deci $m(\hat{BAC})= \dots\dots\dots$;



5. În triunghiul dreptunghic ABC , mediana corespunzătoare ipotenuzei AC are 8 cm, deci $AC = \dots\dots\dots$ cm;
6. În figura alăturată G este centrul de greutate al triunghiului ABC și $AB=12$ cm. Atunci $DE= \dots\dots\dots$ cm;



7. În triunghiul ABC , avem $AD \perp BC$, $BD=DC=4$ cm și $AB=5$ cm. Perimetrul triunghiului ABC este de $\dots\dots\dots$ cm;
8. În triunghiul dreptunghic ABC cateta AC este jumătate din ipotenuza BC . Aunci $m(\hat{C})= \dots\dots\dots$;
9. Dacă $AB= 3$ cm, $AC=4$ cm și $BC= 5$ cm, atunci $\triangle ABC$ este $\dots\dots\dots$;
10. Fie ABC un triunghi dreptunghic, $m(\hat{A})=90^\circ$. Dacă $[AD]$ este înălțimea corespunzătoare ipotenuzei $BD=4$ cm și $DC=9$ cm, atunci $AD= \dots\dots\dots$ cm.
11. Fie triunghiul ABC cu: $AB=3\sqrt{2}$ cm, $m(\hat{BAC})=45^\circ$ și $AC=4$ cm, atunci aria triunghiului este egală cu $\dots\dots\dots$ cm^2 ;
12. Un triunghi isoscel, în care măsura unuia dintre unghiuri este de 60° , este triunghi $\dots\dots\dots$;

13. Fie $\triangle ABC$ un triunghi dreptunghic cu $m(\hat{B})=60^\circ$ și cateta $AB=6$ cm. Lungimea catetei AC este egală cu cm;
14. Cateta unui triunghi dreptunghic isoscel cu lungimea ipotenuzei de 10 cm este de cm.
15. În triunghiul ABC se duce $MN \parallel BC$, $M \in (AB)$, $N \in (AC)$. Știind că $AB=6$ cm, $AN=6$ cm și $AC=8$ cm, atunci $AM=$ cm.
16. Fie triunghiul ABC dreptunghic în A . Știind că $BC=41$ cm și $AB=9$ cm, atunci $AC=$ cm;
17. Fie triunghiul ABC cu $m(\hat{BAC})=90^\circ$, $AB=8$ cm și $BC=9$ cm. Atunci aria triunghiului este egală cu cm^2 .
18. În triunghiul ADC bisectoarea $[AB]$ formează cu latur $[AC]$ un unghi cu măsura de 30° . Știind că $m(\hat{ADB})=50^\circ$, atunci $m(\hat{ABC})=$ $^\circ$.
19. Într-un triunghi echilateral linia mijlocie are lungimea de 9 cm. Atunci perimetrul triunghiului este de cm;
20. Un triunghi echilateral are latura de lungime 4 cm. Aria triunghiului este egală cu cm^2 .
21. În triunghiul ABC , AD și BE sunt înălțimi unde $D \in BC$ și $E \in AC$. Fie $BC=8$ cm și $AC=6$ cm. Valoarea raportului $\frac{AD}{BE}$ este egală cu;
22. Un triunghi dreptunghic are lungimile catetelor de $\sqrt{13}$ cm și $2\sqrt{3}$ cm. Lungimea ipotenuzei este egală cu cm;
23. În triunghiul ABC dreptunghic în A , se duce înălțimea AD , $D \in [BC]$. Dacă $AB=8$ cm și $BD=4$ cm, atunci lungimea ipotenuzei BC este egală cu cm;
24. Într-un triunghi liniile mijlocii au lungimile de 3 cm, 5 cm și 6 cm. Perimetrul triunghiului este egal cu cm;
25. Într-un triunghi dreptunghic isoscel lungimea unei catete este de 8dm. Lungimea ipotenuzei este egală cu dm.
26. În triunghiul ABC dreptunghic în A , AD este perpendiculară pe BC , $D \in BC$, $AB=6$ cm și $BD=4$ cm. Lungimea ipotenuzei este egală cu cm;
27. Un triunghi dreptunghic are un unghi ascuțit de 40° . Celălalt unghi ascuțit are măsura de;
28. Un triunghi echilateral are perimetrul de 18 cm. Punctele M , N și P sunt mijloacele laturilor lui. Perimetrul triunghiului MNP este egal cucm, iar aria $\triangle MNP$ este egală cu cm^2 .
29. Un triunghi isoscel ABC cu $[AB] \equiv [AC]$, are măsura unghiului ABC de 35° . Măsura unghiului BAC este egală cu grade.
30. Laturile unui triunghi isoscel ABC sunt $AB=AC=50$ cm și $BC=60$ cm.
a) Lungimea înălțimii corespunzătoare laturii BC este egală cucm;
b) Lungimea înălțimii corespunzătoare laturii AB este egală cucm;
31. Un triunghi dreptunghic are catetele de 6 cm și respectiv 8 cm.

- a) Lungimea ipotenuzei este egală cu cm;
 b) Înălțimea triunghiului corespunzătoare ipotenuzei este egală cucm
- 32.** În triunghiul ABC, [MN] este linie mijlocie. Raportul ariilor triunghiurilor AMN și ABC este
- 33.** Proiecțiile catetelor pe ipotenuza unui triunghi dreptunghic sunt de 2 cm și 8 cm.
 a) Lungimea înălțimii corespunzătoare ipotenuzei este egală cucm
 b) Aria triunghiului dat este egală cu cm².
- 34.** Catetele unui triunghi dreptunghic au lungimile de 36 cm și 15 cm.
 a) Ipotenuza triunghiului are lungimea de cm;
 b) Proiecția catetei mici pe ipotenuză are lungimea de cm.
- 35.** În triunghiul ABC, dreptunghic în A, avem: $AD \perp BC$, $D \in (BC)$, $AB = 12\sqrt{3}$ cm și $AC = 16\sqrt{3}$ cm.
 a) lungimea ipotenuzei BC este egală cu cm;
 b) Lungimea înălțimii AD este egală cu cm.
- 36.** Perimetrul unui triunghi dreptunghic cu catetele de 3 cm și 4 cm este de cm;
- 37.** Un triunghi dreptunghic are cateta mică egală cu 13 cm, iar unul dintre unghiurile ascuțite are măsura de 60°. Ipotenuza triunghiului are lungimea de cm.
- 38.** Un triunghi dreptunghic isoscel are o catetă lungă de 17 cm. Cealaltă catetă a triunghiului are lungimea de cm.
- 39.** Un triunghi dreptunghic are catetele de $\sqrt{5}$ cm și $2\sqrt{5}$ cm
 a) Ipotenuza triunghiului este de cm;
 b) Înălțimea corespunzătoare ipotenuzei este de cm.
- 40.** Un triunghi dreptunghic are proiecțiile catetelor pe ipotenuză de 3,6 dm și 6,4 dm.
 a) Aria triunghiului este de dm².
 b) Perimetrul triunghiului este de dm.
- 41.** Un triunghi dreptunghic are un unghi de 60° și ipotenuza de 4 cm.
 a) Perimetrul triunghiului este de cm;
 b) Aria triunghiului este de cm².
- 42.** Într-un triunghi dreptunghic o catetă are 1 cm și proiecția ei pe ipotenuză $\frac{1}{3}$ cm.
 a) Perimetrul triunghiului este de cm.
 b) Aria triunghiului este de cm².

// La sedintele de meditatie am rezolvat problemele 1-12, 15, 19, 20, 24, 27, 28, 29